

1

[A]

(a) $f = \underline{mg \sin \theta}$

(b) 仕事とエネルギーの関係より,

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = mg \sin \theta \cdot \frac{r}{\cos \theta} - \mu' mg \cos \theta \cdot \frac{r}{\cos \theta} \quad \text{よって,} \quad v_0 = \underline{\sqrt{2gr(\tan \theta - \mu')}}$$

(c) $-\mu' mg \cos \theta \times \frac{r}{\cos \theta} = \underline{-\mu' mgr}$

[B]

(d) $N = \underline{mg \cos \theta + mr\omega^2 \sin \theta}$

(e) ⑤

(f) 静止摩擦力の大きさを R として, 円錐面に平行な方向の力のつりあいから,

$$R + mg \sin \theta = mr\omega^2 \cos \theta \quad \text{よって,} \quad R = mr\omega^2 \cos \theta - mg \sin \theta$$

すべり出す直前は, $\omega = \omega_0$, $R = \mu N$ となるので,

$$mr\omega_0^2 \cos \theta - mg \sin \theta = \mu (mg \cos \theta + mr\omega_0^2 \sin \theta) \quad \text{よって,} \quad \omega_0 = \underline{\sqrt{\frac{g(\sin \theta + \mu \cos \theta)}{r(\cos \theta - \mu \sin \theta)}}}$$

[C]

(g) $\Delta v = \underline{r \cdot \Delta \omega}$

(h) ⑧

(i) 台上から見ると, 回転し始めた直後の遠心力の大きさは0であるが, 大きさ $m \frac{\Delta v}{\Delta t} = mr \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$ の慣性力が円の接線方向にはたらく。物体が台から受ける静止摩擦力の大きさを R' , 垂直抗力の大きさを N' として, 力のつりあいから,

$$R' = \sqrt{(mg \sin \theta)^2 + \left(mr \frac{\Delta \omega}{\Delta t}\right)^2} \quad N' = mg \cos \theta$$

すべり出す条件は, $R' > \mu N'$ なので,

$$\sqrt{(mg \sin \theta)^2 + \left(mr \frac{\Delta \omega}{\Delta t}\right)^2} > \mu mg \cos \theta \quad \text{よって,} \quad \underline{\frac{\Delta \omega}{\Delta t} > \frac{g}{r} \sqrt{\mu^2 \cos^2 \theta - \sin^2 \theta}}$$

2

[A]

(a)
$$\underline{-\frac{\varepsilon_0 S}{d} V}$$

(b)
$$\underline{\frac{\varepsilon_0 S}{2d} V^2}$$

[B]

(c) $C = \frac{\varepsilon_0 S}{d}$ とおくと, 上の極板と導体円板, 下の極板と導体円板で構成されるコンデンサーの電気容量は各々 $C_1 = \frac{d}{d-y} C$, $C_2 = \frac{d}{y} C$ となる。下の極板を電位の基準として, 導体円板の電位を x とおくと, 電荷保存則より,

$$C_1(x-V) + C_2(x-0) = -CV \quad \text{よって, } x = \frac{y^2}{d^2} V$$

よって, 電荷は,

$$\text{上面: } Q_1 = C_1(x-V) = \underline{-\varepsilon_0 S V \frac{y+d}{d^2}} \quad \text{下面: } Q_2 = C_2(x-0) = \underline{\varepsilon_0 S V \frac{y}{d^2}}$$

(d) 静電エネルギーの和は,

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} C_1 (x-V)^2 + \frac{1}{2} C_2 (x-0)^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{d}{d-y} C \cdot \left(\frac{d^2 - y^2}{d^2} V \right)^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{d}{y} C \cdot \left(\frac{y^2}{d^2} V \right)^2 \\ &= \frac{1}{2} C V^2 \cdot \frac{d^2 - y^2 + yd}{d^2} = \underline{\varepsilon_0 S V^2 \frac{(d^2 - y^2 + yd)}{2d^3}} \end{aligned}$$

(e) 直流電源がした仕事は, $W_E = \varepsilon_0 S V^2 \frac{y}{d^2}$ 静電エネルギーの変化は, $\Delta U = \varepsilon_0 S V^2 \frac{y}{2d^2} \left(1 - \frac{y}{d} \right)$

エネルギー保存則より,

$$W_E = \Delta U + \frac{1}{2} m v^2 + mgy \quad \text{よって, } v = \underline{\sqrt{y \left\{ \frac{\varepsilon_0 S V^2}{m d^3} (y+d) - 2g \right\}}}$$

(f) 上の極板の電気量の時間変化率を考えて,

$$I = \frac{d(-Q_1)}{dt} = \frac{d}{dt} \left\{ \frac{y+d}{d^2} \varepsilon_0 S V \right\} = \frac{\varepsilon_0 S V}{d^2} \cdot \frac{dy}{dt} = \frac{\varepsilon_0 S V}{d^2} \cdot v = \underline{\frac{\varepsilon_0 S V}{d^2} \sqrt{y \left\{ \frac{\varepsilon_0 S V^2}{m d^3} (y+d) - 2g \right\}}}$$

(g) ①

3

[A]

(a)
$$p_1 = p_0 + \frac{mg}{S}$$

(b)
$$4T_1$$

(c) 容器内の気体の全物質量を n とする。はじめの状態について、

状態方程式: $p_1 S x_1 = n R T_1 \cdots \textcircled{1}$ 力のつりあい: $p_1 S = p_0 S + mg \cdots \textcircled{2}$

この圧縮は断熱過程なので、熱力学第1法則と①②式より、求める仕事 W は

$$W = \frac{3}{2} n R (T_2 - T_1) = \frac{9}{2} n R T_1 = \frac{9}{2} p_1 S x_1 = \frac{9}{2} (p_0 S + mg) x_1$$

[B]

(d) シリンダーA, B内の気体の物質量を各々 n_A, n_B とする。状態方程式は、

A: $p_1 S x_2 = n_A R T_1 \cdots \textcircled{3}$ B: $p_0 S y_2 = n_B R T_2(x_2) \cdots \textcircled{4}$ (ただし, $n_A + n_B = n$)

③ $\times T_2(x_2)$ + ④ $\times T_1$ と①より、

$$T_2(x_2) p_1 S x_2 + T_1 p_0 S y_2 = p_1 S x_1 T_1 T_2(x_2) \quad \text{よつて, } y_2 = \frac{p_1}{p_0} \cdot \frac{T_2(x_2)}{T_1} (x_1 - x_2)$$

(e)
$$W_A(x_2) = p_1 S (x_1 - x_2) \quad W_B(x_2) = p_0 S y_2$$

(f) (ア) 断熱過程なので、熱力学第1法則より、 $U(x_2) - U(x_1) = W_A(x_2) - W_B(x_2)$

(イ) (ア)の式から、
$$\left(\frac{3}{2} n_A R T_1 + \frac{3}{2} n_B R T_2(x_2) \right) - \frac{3}{2} n R T_1 = p_1 S (x_1 - x_2) - p_0 S y_2$$

①③④式を用いて整理すると、 $p_1 (x_1 - x_2) = p_0 y_2$ となり、 y_2 を代入して、 $T_2(x_2) = T_1$

(g) (ウ)
$$pV \quad \text{(エ)} \quad \frac{5}{2} RT$$

[C]

(h) (オ) $T_2(0) = T_1$ であり、 $T_2' = T_1 + \Delta T$ とおくと、 H' が一定より、

$$\frac{5}{2} n R T_1 + a n^2 \frac{T_1 - b}{V_1} = \frac{5}{2} n R (T_1 + \Delta T) + a n^2 \frac{(T_1 + \Delta T) - b}{V_2}$$

$$\Delta T = \frac{a n \left(\frac{1}{V_1} - \frac{1}{V_2} \right)}{\frac{5}{2} R + \frac{a n}{V_2}} (T_1 - b)$$