

I

問1 $e = 0$ の場合, 斜面に垂直な速度成分は 0 となるので, (ア) $e = 1$ の場合, 斜面に垂直な速度成分は大きさが変化せず, 逆向きとなるので, (イ)問2 \vec{v}_\parallel の大きさ v_\parallel は, $v_\parallel = \frac{1}{\sqrt{2}}v_0$ であるから, \vec{v}_\parallel の x 成分, y 成分を $v_{\parallel x}$, $v_{\parallel y}$ とすると,

$$v_{\parallel x} = \frac{1}{\sqrt{2}}v_\parallel = \frac{1}{2}v_0 \quad v_{\parallel y} = \frac{1}{\sqrt{2}}v_\parallel = \frac{1}{2}v_0$$

\vec{v}_\perp の大きさ v_\perp は, $v_\perp = \frac{1}{\sqrt{2}}v_0$ であるから, \vec{v}_\perp の x 成分, y 成分を $v_{\perp x}$, $v_{\perp y}$ とすると,

$$v_{\perp x} = \frac{1}{\sqrt{2}}v_\perp = \frac{1}{2}v_0 \quad v_{\perp y} = -\frac{1}{\sqrt{2}}v_\perp = -\frac{1}{2}v_0$$

問3 斜面と衝突直後の小球の速度の斜面に平行な成分を \vec{v}'_\parallel , 斜面に垂直な成分を \vec{v}'_\perp とすると, $\vec{v}'_\parallel = \vec{v}_\parallel$, $\vec{v}'_\perp = -e\vec{v}_\perp$ が成り立つ。 \vec{v}' の x 成分, y 成分を v'_x , v'_y とすると,

$$v'_x = v_{\parallel x} - ev_{\perp x} = \frac{1-e}{2}v_0 \quad v'_y = v_{\parallel y} - ev_{\perp y} = \frac{1+e}{2}v_0$$

問4 x 軸方向は等速度運動, y 軸方向は加速度 $-g$ の等加速度運動となるので,

$$x = v'_x t = \frac{1-e}{2}v_0 t \quad \dots \textcircled{1}$$

$$y = v'_y t - \frac{1}{2}gt^2 = \frac{1+e}{2}v_0 t - \frac{1}{2}gt^2 \quad \dots \textcircled{2}$$

問5 ①式, ②式より, t を消去すると,

$$y = \frac{1+e}{1-e}x - \frac{2g}{(1-e)^2 v_0^2} x^2 \quad \dots \textcircled{3}$$

これと, $y = ax + bx^2$ を比較して,

$$a = \frac{1+e}{1-e}, \quad b = -\frac{2g}{(1-e)^2 v_0^2}$$

問6 点Aを越えるための条件は, $x = \frac{h}{2}$ のとき, $y > \frac{h}{2}$ であればよいから, ③式より,

$$\frac{1+e}{1-e} \cdot \frac{h}{2} - \frac{2g}{(1-e)^2 v_0^2} \left(\frac{h}{2}\right)^2 > \frac{h}{2}$$

$$\therefore v_0 > \sqrt{\frac{gh}{2e(1-e)}} (= V)$$

II

問1 ア $\frac{\epsilon_0 L^2}{d}$ イ $\frac{\epsilon_0 L^2 V_0}{d}$ ウ $\frac{V_0}{d}$ エ $\frac{\epsilon_0 L^2 V_0^2}{2d}$

問2 (a)

	電位	電場の強さ
誘電体を挿入した場合	③	⑪
導体を挿入した場合	⑧	⑩

(b) オ $0 < z < \frac{d}{4}$, $\frac{3d}{4} < z < d$ における電場の強さは $\frac{V_0}{d}$

$$\frac{d}{4} < z < \frac{3d}{4} \text{ における電場の強さは } \frac{V_0}{\epsilon_r d}$$

よって、上側の金属板の電位は、
$$\frac{V_0}{d} \cdot \frac{d}{4} + \frac{V_0}{\epsilon_r d} \cdot \frac{d}{2} + \frac{V_0}{d} \cdot \frac{d}{4} = \frac{\epsilon_r + 1}{2\epsilon_r} V_0$$

カ $0 < z < \frac{d}{4}$, $\frac{3d}{4} < z < d$ における電場の強さは $\frac{V_0}{d}$

$$\frac{d}{4} < z < \frac{3d}{4} \text{ における電場の強さは } 0$$

よって、上側の金属板の電位は、
$$\frac{V_0}{d} \cdot \frac{d}{4} + 0 \cdot \frac{d}{2} + \frac{V_0}{d} \cdot \frac{d}{4} = \frac{1}{2} V_0$$

問3 キ コンデンサーを左右に分けたとき、左側の電気容量を C_1 、右側の電気容量を C_2 とすると、

$$C_1 = \left\{ \frac{1}{\frac{\epsilon_0 (\frac{1}{2} L^2)}{\frac{1}{2} d}} + \frac{1}{\frac{\epsilon_r \epsilon_0 (\frac{1}{2} L^2)}{\frac{1}{2} d}} \right\}^{-1} = \frac{\epsilon_r \epsilon_0 L^2}{(\epsilon_r + 1) d}$$

$$C_2 = \frac{\epsilon_0 (\frac{1}{2} L^2)}{d} = \frac{\epsilon_0 L^2}{2d}$$

合成容量を C_{12} とすると、
$$C_{12} = C_1 + C_2 = \frac{(3\epsilon_r + 1)\epsilon_0 L^2}{2(\epsilon_r + 1)d}$$

ク コンデンサーの電圧は V_0 であるから、静電エネルギーは、

$$\frac{1}{2} C_{12} V_0^2 = \frac{(3\epsilon_r + 1)\epsilon_0 L^2 V_0^2}{4(\epsilon_r + 1)d}$$

III

問1 ア $\underline{\frac{2}{3}}$ イ $\underline{\frac{3}{2}}$

問2 ウ $\underline{P_0}$ エ $\underline{\frac{P_0 S \ell}{R}}$

問3 オ 気体Aの圧力を P' [Pa] とすると, ピストンにはたらく力のつり合いより,

$$P'S + Mg \sin \theta = P_0 S \quad \therefore P' = P_0 - \frac{Mg \sin \theta}{S}$$

カ 温度一定なので, ボイルの法則より,

$$P'S\ell' = P_0 S \ell \quad \therefore \ell' = \frac{P_0 S \ell}{P_0 S - Mg \sin \theta}$$

キ 理想気体の状態方程式より,

$$P'SL = 1 \cdot RT' \quad \therefore T' = \frac{(P_0 S - Mg \sin \theta)L}{R}$$

ク 単原子分子理想気体の定圧モル比熱は $\frac{5}{2}R$ [J/(mol·K)] より, 気体Aの吸熱量は,

$$Q = 1 \cdot \frac{5}{2} R (T' - T) = \frac{5}{2} \{P_0 S (L - \ell) - MgL \sin \theta\}$$

ケ 定圧変化なので,

$$W = P'S(L - \ell') = P_0 S (L - \ell) - MgL \sin \theta$$

コ 単原子分子理想気体なので,

$$\Delta U = \frac{3}{2} \cdot 1 \cdot R (T' - T) = \frac{3}{2} \{P_0 S (L - \ell) - MgL \sin \theta\}$$